

反比例函数

第一课时 反比例函数的意义

一、教学目标

1. 使学生理解并掌握反比例函数的概念
2. 能判断一个给定的函数是否为反比例函数，并会用待定系数法求函数解析式
3. 能根据实际问题中的条件确定反比例函数的解析式，体会函数的模型思想

二、重、难点

1. **重点：**理解反比例函数的概念，能根据已知条件写出函数解析式
2. **难点：**理解反比例函数的概念
3. **难点的突破方法：**

(1) 在引入反比例函数的概念时，可适当复习一下第11章的正比例函数、一次函数等相关知识，这样以旧带新，相互对比，能加深对反比例函数概念的理解

(2) 注意引导学生对反比例函数概念的理解，看形式 $y = \frac{k}{x}$ ，等号左边是函数 y ，等号右边是一个分式，自变量 x 在分母上，且 x 的指数是1，分子是不为0的常数 k ；看自变量 x 的取值范围，由于 x 在分母上，故取 $x \neq 0$ 的一切实数；看函数 y 的取值范围，因为 $k \neq 0$ ，且 $x \neq 0$ ，所以函数值 y 也不可能为0。讲解时可对照正比例函数 $y = kx$ ($k \neq 0$)，比较二者解析式的相同点和不同点。

(3) $y = \frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) 还可以写成 $y = kx^{-1}$ ($k \neq 0$) 或 $xy = k$ ($k \neq 0$) 的形式

三、例题的意图分析

教材第46页的思考题是为引入反比例函数的概念而设置的，目的是让学生从实际问题出发探索其中的数量关系和变化规律，通过观察、讨论、归纳，最后得出反比例函数的概念，体会函数的模型思想。

教材第47页的例1是一道用待定系数法求反比例函数解析式的题，此题的目的一是要加深学生对反比例函数概念的理解，掌握求函数解析式的方法；二是让学生进一步体会函数所蕴含的“变化与对应”的思想，特别是函数与自变量之间的单值对应关系。

补充例1、例2都是常见的题型，能帮助学生更好地理解反比例函数的概念。补充例3是一道综合题，此题是用待定系数法确定由两个函数组合而成的新的函数关系式，有一定难度，但能提高学生分析、解决问题的能力。

四、课堂引入

1. 回忆一下什么是正比例函数、一次函数？它们的一般形式是怎样的？
2. 体育课上，老师测试了百米赛跑，那么，时间与平均速度的关系是怎样的？

五、例习题分析

例1. 见教材P47

分析：因为 y 是 x 的反比例函数，所以先设 $y = \frac{k}{x}$ ，再把 $x=2$ 和 $y=6$ 代入上式求出常数 k ，即利用了待定系数法确定函数解析式。

例1. (补充) 下列等式中，哪些是反比例函数

- (1) $y = \frac{x}{3}$ (2) $y = \frac{\sqrt{2}}{x}$ (3) $xy = 21$ (4) $y = \frac{5}{x+2}$ (5) $y = \frac{3}{2x}$
- (6) $y = \frac{1}{x} + 3$ (7) $y = x - 4$

分析：根据反比例函数的定义，关键看上面各式能否改写成 $y = \frac{k}{x}$ （ k 为常数， $k \neq 0$ ）的形式，这里（1）、（7）是整式，（4）的分母不是只单独含 x ，（6）改写后是 $y = \frac{1-3x}{x}$ ，分子不是常数，只有（2）、（3）、（5）能写成定义的形式

例2.（补充）当 m 取什么值时，函数 $y = (m-2)x^{3-m^2}$ 是反比例函数？

分析：反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ （ $k \neq 0$ ）的另一种表达式是 $y = kx^{-1}$ （ $k \neq 0$ ），后一种写法中 x 的次数是 -1 ，因此 m 的取值必须满足两个条件，即 $m-2 \neq 0$ 且 $3-m^2 = -1$ ，特别注意不要遗漏 $k \neq 0$ 这一条件，也要防止出现 $3-m^2 = 1$ 的错误。

解得 $m = -2$

例3.（补充）已知函数 $y = y_1 + y_2$ ， y_1 与 x 成正比例， y_2 与 x 成反比例，且当 $x = 1$ 时， $y = 4$ ；当 $x = 2$ 时， $y = 5$

（1）求 y 与 x 的函数关系式

（2）当 $x = -2$ 时，求函数 y 的值

分析：此题函数 y 是由 y_1 和 y_2 两个函数组成的，要用待定系数法来解答，先根据题意分别设出 y_1 、 y_2 与 x 的函数关系式，再代入数值，通过解方程或方程组求出比例系数的值。这里要注意 y_1 与 x 和 y_2 与 x 的函数关系中的比例系数不一定相同，故不能都设为 k ，要用不同的字母表示。

略解：设 $y_1 = k_1x$ （ $k_1 \neq 0$ ）， $y_2 = \frac{k_2}{x}$ （ $k_2 \neq 0$ ），则 $y = k_1x + \frac{k_2}{x}$ ，代入数值求得 $k_1 = 2$ ，

$k_2 = 2$ ，则 $y = 2x + \frac{2}{x}$ ，当 $x = -2$ 时， $y = -5$

六、随堂练习

1. 苹果每千克 x 元，花10元钱可买 y 千克的苹果，则 y 与 x 之间的函数关系式为_____
2. 若函数 $y = (3-m)x^{8-m^2}$ 是反比例函数，则 m 的取值是_____
3. 矩形的面积为4，一条边的长为 x ，另一条边的长为 y ，则 y 与 x 的函数解析式为_____
4. 已知 y 与 x 成反比例，且当 $x = -2$ 时， $y = 3$ ，则 y 与 x 之间的函数关系式是_____，当 $x = -3$ 时， $y =$ _____
5. 函数 $y = \frac{1}{x-2}$ 中自变量 x 的取值范围是_____

七、课后练习

已知函数 $y = y_1 + y_2$ ， y_1 与 $x+1$ 成正比例， y_2 与 x 成反比例，且当 $x = 1$ 时， $y = 0$ ；当 $x = 4$ 时， $y = 9$ ，求当 $x = -1$ 时 y 的值

答案： $y = 4$

第二课时 反比例函数的图象和性质（1）

一、教学目标

1. 会用描点法画反比例函数的图象
2. 结合图象分析并掌握反比例函数的性质
3. 体会函数的三种表示方法，领会数形结合的思想方法

二、重点、难点

1. 重点：理解并掌握反比例函数的图象和性质
2. 难点：正确画出图象，通过观察、分析，归纳出反比例函数的性质

3. 难点的突破方法:

画反比例函数图象前, 应先让学生回忆一下画函数图象的基本步骤, 即: 列表、描点、连线, 其中列表取值很关键。反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) 自变量的取值范围是 $x \neq 0$, 所以取值时应对称式地选取正数和负数各一半, 并且互为相反数, 通常取的数值越多, 画出的图象越精确。连线时要告诉学生用平滑的曲线连接, 不能用折线连接。教学时, 老师要带着学生一起画, 注意引导, 及时纠错。

在探究反比例函数的性质时, 可结合正比例函数 $y = kx$ ($k \neq 0$) 的图象和性质, 来帮助学生观察、分析及归纳, 通过对比, 能使学生更好地理解和掌握所学的内容。这里要强调一下, 反比例函数的图象位置和增减性是由反比例系数 k 的符号决定的; 反之, 双曲线的位置和函数性质也能推出 k 的符号, 注意让学生体会数形结合的思想方法。

三、例题的意图分析

教材第 48 页的例 2 是让学生经历用描点法画反比例函数图象的过程, 一方面能进一步熟悉作函数图象的方法, 提高基本技能; 另一方面可以加深学生对反比例函数图象的认识, 了解函数的变化规律, 从而为探究函数的性质作准备。

补充例 1 的目的是一是复习巩固反比例函数的定义, 二是通过对反比例函数性质的简单应用, 使学生进一步理解反比例函数的图象特征及性质。

补充例 2 是一道典型题, 是关于反比例函数图象与矩形面积的问题, 要让学生理解并掌握反比例函数解析式 $y = \frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) 中 $|k|$ 的几何意义。

四、课堂引入

提出问题:

1. 一次函数 $y = kx + b$ (k, b 是常数, $k \neq 0$) 的图象是什么? 其性质有哪些? 正比例函数 $y = kx$ ($k \neq 0$) 呢?
2. 画函数图象的方法是什么? 其一般步骤有哪些? 应注意什么?
3. 反比例函数的图象是什么样呢?

五、例习题分析

例 2. 见教材 P48 用描点法画图, 注意强调:

- (1) 列表取值时, $x \neq 0$, 因为 $x = 0$ 函数无意义, 为了使描出的点具有代表性, 可以“0”为中心, 向两边对称式取值, 即正、负数各一半, 且互为相反数, 这样也便于求 y 值
- (2) 由于函数图象的特征还不清楚, 所以要尽量多取一些数值, 多描一些点, 这样便于连线, 使画出的图象更精确
- (3) 连线时要用平滑的曲线按照自变量从小到大的顺序连接, 切忌画成折线
- (4) 由于 $x \neq 0, k \neq 0$, 所以 $y \neq 0$, 函数图象永远不会与 x 轴、 y 轴相交, 只是无限靠近两坐标轴

例 1. (补充) 已知反比例函数 $y = (m-1)x^{m^2-3}$ 的图象在第二、四象限, 求 m 值, 并指出在每个象限内 y 随 x 的变化情况?

分析: 此题要考虑两个方面, 一是反比例函数的定义, 即 $y = kx^{-1}$ ($k \neq 0$) 自变量 x 的指数是 -1 , 二是根据反比例函数的性质: 当图象位于第二、四象限时, $k < 0$, 则 $m-1 < 0$, 不要忽视这个条件

略解: $\because y = (m-1)x^{m^2-3}$ 是反比例函数 $\therefore m^2-3 = -1$, 且 $m-1 \neq 0$

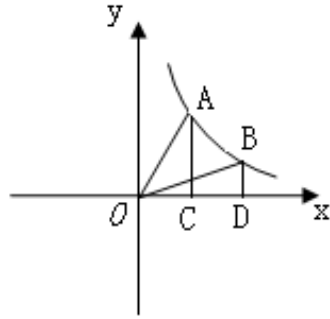
又 \because 图象在第二、四象限 $\therefore m-1 < 0$

解得 $m = \pm\sqrt{2}$ 且 $m < 1$ 则 $m = -\sqrt{2}$

例 2. (补充) 如图, 过反比例函数 $y = \frac{1}{x}$ ($x > 0$) 的图象上

任意两点 A、B 分别作 x 轴的垂线, 垂足分别为 C、D, 连接 OA、OB, 设 $\triangle AOC$ 和 $\triangle BOD$ 的面积分别是 S_1 、 S_2 , 比较它们的大小, 可得 ()

- (A) $S_1 > S_2$ (B) $S_1 = S_2$
 (C) $S_1 < S_2$ (D) 大小关系不能确定



分析: 从反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) 的图象上任一点 P

(x, y) 向 x 轴、y 轴作垂线段, 与 x 轴、y 轴所围成的矩形面积 $S = |xy| = |k|$, 由此可得 $S_1 = S_2 = \frac{1}{2}$,

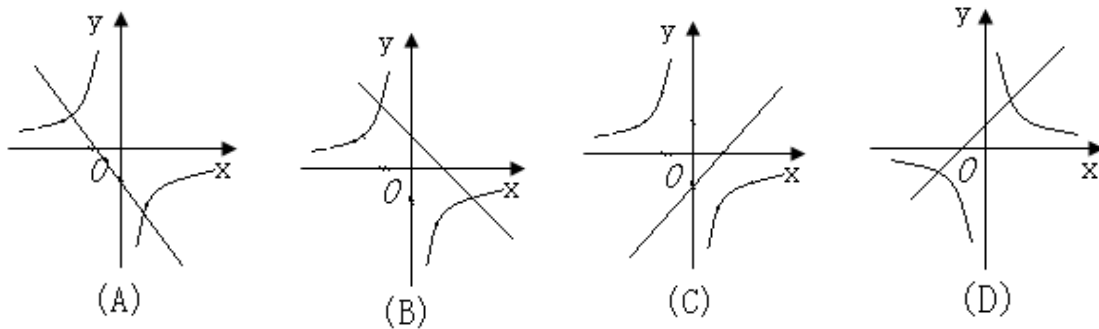
故选 B

六、随堂练习

1. 已知反比例函数 $y = \frac{3-k}{x}$, 分别根据下列条件求出字母 k 的取值范围

- (1) 函数图象位于第一、三象限
 (2) 在第二象限内, y 随 x 的增大而增大

2. 函数 $y = -ax + a$ 与 $y = \frac{a}{x}$ ($a \neq 0$) 在同一坐标系中的图象可能是 ()



3. 在平面直角坐标系内, 过反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k > 0$) 的图象上的一点分别作 x 轴、y 轴的垂线段, 与 x 轴、y 轴所围成的矩形面积是 6, 则函数解析式为 _____

七、课后练习

1. 若函数 $y = (2m-1)x$ 与 $y = \frac{3-m}{x}$ 的图象交于第一、三象限, 则 m 的取值范围是 _____

2. 反比例函数 $y = \frac{2}{x}$, 当 $x = -2$ 时, $y =$ _____; 当 $x < -2$ 时; y 的取值范围是 _____; 当 $x > -2$ 时; y 的取值范围是 _____

3. 已知反比例函数 $y = (a-2)x^{\frac{1}{a-6}}$, 当 $x < 0$ 时, y 随 x 的增大而增大, 求函数关系式

答案: 3. $a = \sqrt{5}, y = \frac{\sqrt{5}-2}{x}$

第三课时 反比例函数的图象和性质 (2)

一、教学目标

1. 使学生进一步理解和掌握反比例函数及其图象与性质
2. 能灵活运用函数图象和性质解决一些较综合的问题
3. 深刻领会函数解析式与函数图象之间的联系，体会数形结合及转化的思想方法

二、重点、难点

1. **重点：**理解并掌握反比例函数的图象和性质，并能利用它们解决一些综合问题
2. **难点：**学会从图象上分析、解决问题
3. **难点的突破方法：**

在前一节的基础上，可适当增加一些较综合的题目，帮助学生熟练掌握反比例函数的图象和性质，要让学生学会如何通过函数图象分析解析式，或由函数解析式分析图象的方法，以便更好的理解数形结合的思想，最终能达到从“数”和“形”两方面去分析问题、解决问题。

三、例题的意图分析

教材第51页的例3一是让学生理解点在图象上的含义，掌握如何用待定系数法去求解析式，复习巩固反比例函数的意义；二是通过函数解析式去分析图象及性质，由“数”到“形”，体会数形结合思想，加深学生对反比例函数图象和性质的理解。

教材第52页的例4是已知函数图象求解析式中的未知系数，并由双曲线的变化趋势分析函数值随x的变化情况，此过程是由“形”到“数”，目的是为了培养学生从函数图象中获取信息的能力，加深对函数图象及性质的理解。

补充例1目的是引导学生在解有关函数问题时，要数形结合，另外，在分析反比例函数的增减性时，一定要注意强调在哪个象限内。

补充例2是一道有关一次函数和反比例函数的综合题，目的是提高学生的识图能力，并能灵活运用所学知识解决一些较综合的问题。

四、课堂引入

复习上节课所学的内容

1. 什么是反比例函数？
2. 反比例函数的图象是什么？有什么性质？

五、例题分析

例3. 见教材P51

分析：反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象位置及y随x的变化情况取决于常数k的符号，因此要先求常数k，而题中已知图象经过点A(2, 6)，即表明把A点坐标代入解析式成立，所以用待定系数法能求出k，这样解析式也就确定了。

例4. 见教材P52

例1. (补充)若点A(-2, a)、B(-1, b)、C(3, c)在反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k < 0$) 图象上，则a、b、c的大小关系怎样？

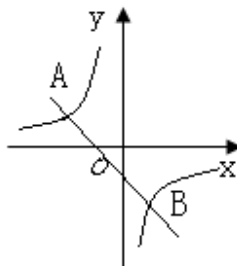
分析：由 $k < 0$ 可知，双曲线位于第二、四象限，且在每一象限内，y随x的增大而增大，因为A、B在第二象限，且 $-1 > -2$ ，故 $b > a > 0$ ；又C在第四象限，则 $c < 0$ ，所以 $b > a > 0 > c$

说明：由于双曲线的两个分支在两个不同的象限内，因此函数y随x的增减性就不能连续的看，一定要强调“在每一象限内”，否则，笼统说 $k < 0$ 时y随x的增大而增大，就会误认为3最大，则c最大，出现错误。

此题还可以画草图，比较a、b、c的大小，利用图象直观易懂，不易出错，应学会使用。

例2. (补充)如图，一次函数 $y = kx + b$ 的图象与反比例函数 $y = \frac{m}{x}$ 的图象交于A(-2, 1)、B(1, n)两点

- (1) 求反比例函数和一次函数的解析式



(2) 根据图象写出一一次函数的值大于反比例函数的值的x的取值范围

分析：因为A点在反比例函数的图象上，可先求出反比例函数的解析式 $y = \frac{2}{x}$ ，又B点在反比例函数的图象上，代入即可求出n的值，最后再由A、B两点坐标求出一一次函数解析式 $y = -x - 1$ ，第(2)问根据图象可得x的取值范围 $x < -2$ 或 $0 < x < 1$ ，这是因为比较两个不同函数的值的大小时，就是看这两个函数图象哪个在上方，哪个在下方。

六、随堂练习

1. 若直线 $y = kx + b$ 经过第一、二、四象限，则函数 $y = \frac{kb}{x}$ 的图象在()

- (A) 第一、三象限 (B) 第二、四象限
(C) 第三、四象限 (D) 第一、二象限

2. 已知点 $(-1, y_1)$ 、 $(2, y_2)$ 、 (π, y_3) 在双曲线 $y = \frac{k^2 - 1}{x}$ 上，则下列关系式正确的

是()

- (A) $y_1 > y_2 > y_3$ (B) $y_1 > y_3 > y_2$
(C) $y_2 > y_1 > y_3$ (D) $y_3 > y_1 > y_2$

七、课后练习

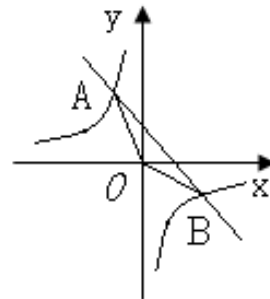
1. 已知反比例函数 $y = \frac{2k - 1}{x}$ 的图象在每个象限内函数值y随自变量x的增大而减小，且k的值还满足 $9 \leq 2(2k - 1) \leq 2k - 1$ ，若k为整数，求反比例函数的解析式

2. 已知一次函数 $y = kx + b$ 的图像与反比例函数 $y = \frac{8}{x}$ 的图像交于A、B两点，且点A的横坐标和点B的纵坐标都是-2，求(1)一次函数的解析式；

(2) $\triangle AOB$ 的面积

答案：

1. $y = \frac{1}{x}$ 或 $y = \frac{3}{x}$ 或 $y = \frac{5}{x}$
2. (1) $y = -x + 2$, (2) 面积为6



第四课时 实际问题与反比例函数(1)

一、教学目标

1. 利用反比例函数的知识分析、解决实际问题
2. 渗透数形结合思想，提高学生用函数观点解决问题的能力

二、重点、难点

1. 重点：利用反比例函数的知识分析、解决实际问题
2. 难点：分析实际问题中的数量关系，正确写出函数解析式
3. 难点的突破方法：

用函数观点解实际问题，一要搞清题目中的基本数量关系，将实际问题抽象成数学问题，看看各变量间应满足什么样的关系式(包括已学过的基本公式)，这一步很重要；二是要分清自变量和函数，以便写出正确的函数关系式，并注意自变量的取值范围；三要熟练掌握反比例函数的意义、图象和性质，特别是图象，要做到数形结合，这样有利于分析和解决问题。教学中要让学生领会这一解决实际问题的基本思路。

三、例题的意图分析

教材第 57 页的例 1，数量关系比较简单，学生根据基本公式很容易写出函数关系式，此题实际上是利用了反比例函数的定义，同时也是要让学生学会分析问题的方法。

教材第 58 页的例 2 是一道利用反比例函数的定义和性质来解决的实际问题，此题的实际背景较例 1 稍复杂些，目的是为了让学生将实际问题抽象成数学问题的能力，掌握用函数观点去分析和解决问题的思路。

补充例题一是为了巩固反比例函数的有关知识，二是为了提高学生从图象中读取信息的能力，掌握数形结合的思想方法，以便更好地解决实际问题

四、课堂引入

寒假到了，小明正与几个同伴在结冰的河面上溜冰，突然发现前面有一处冰出现了裂痕，小明立即告诉同伴分散趴在冰面上，匍匐离开了危险区。你能解释一下小明这样做的道理吗？

五、例题分析

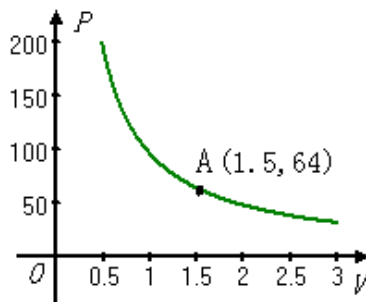
例 1. 见教材第 57 页

分析：（1）问首先要弄清此题中各数量间的关系，容积为 10^4 ，底面积是 S ，深度为 d ，满足基本公式：圆柱的体积 = 底面积 \times 高，由题意知 S 是函数， d 是自变量，改写后所得的函数关系式是反比例函数的形式，（2）问实际上是已知函数 S 的值，求自变量 d 的取值，（3）问则是与（2）相反

例 2. 见教材第 58 页

分析：此题类似应用题中的“工程问题”，关系式为工作总量 = 工作速度 \times 工作时间，由于题目中货物总量是不变的，两个变量分别是速度 v 和时间 t ，因此具有反比关系，（2）问涉及了反比例函数的增减性，即当自变量 t 取最大值时，函数值 v 取最小值是多少？

例 1.（补充）某气球内充满了一定质量的气体，当温度不变时，气球内气体的气压 P （千帕）是气体体积 V （立方米）的反比例函数，其图像如图所示（千帕是一种压强单位）



（1）写出这个函数的解析式；

（2）当气球的体积是 0.8 立方米时，气球内的气压是多少千帕？

（3）当气球内的气压大于 144 千帕时，气球将爆炸，为了安全起见，气球的体积应不小于多少立方米？

分析：题中已知变量 P 与 V 是反比例函数关系，并且图象经过点 A ，利用待定系数法可以求出 P 与 V 的解析式，得 $P = \frac{96}{V}$ ，（3）问中当 P 大于 144 千帕时，气球会爆炸，即当 P 不超过 144 千帕时，是安全范围。根据反比例函数的图象和性质， P 随 V 的增大而减小，可先求出气压 $P = 144$ 千帕时所对应的气体体积，再分析出最后结果是不小于 $\frac{2}{3}$ 立方米

六、随堂练习

1. 京沈高速公路全长 658km，汽车沿京沈高速公路从沈阳驶往北京，则汽车行完全程所需时间 t （h）与行驶的平均速度 v （km/h）之间的函数关系式为_____

2. 完成某项任务可获得 500 元报酬，考虑由 x 人完成这项任务，试写出人均报酬 y （元）与人数 x （人）之间的函数关系式_____

3. 一定质量的氧气，它的密度 ρ （ kg/m^3 ）是它的体积 V （ m^3 ）的反比例函数，当 $V = 10$ 时， $\rho = 1.43$ 。（1）求 ρ 与 V 的函数关系式；（2）求当 $V = 2$ 时氧气的密度 ρ

答案： $\rho = \frac{14.3}{V}$ ，当 $V = 2$ 时， $\rho = 7.15$

七、课后练习

1. 小林家离工作单位的距离为 3600 米，他每天骑自行车上班时的速度为 v （米/分），所需时间为 t （分）

- (1) 则速度 v 与时间 t 之间有怎样的函数关系？
 (2) 若小林到单位用 15 分钟，那么他骑车的平均速度是多少？
 (2) 如果小林骑车的速度最快为 300 米/分，那他至少需要几分钟到达单位？

答案： $v = \frac{3600}{t}$, $v=240$, $t=12$

2. 学校锅炉旁建有一个储煤库，开学初购进一批煤，现在知道：按每天用煤 0.6 吨计算，一学期（按 150 天计算）刚好用完。若每天的耗煤量为 x 吨，那么这批煤能维持 y 天

- (1) 则 y 与 x 之间有怎样的函数关系？
 (2) 画函数图象
 (3) 若每天节约 0.1 吨，则这批煤能维持多少天？

第四课时 实际问题与反比例函数（2）

一、教学目标

1. 利用反比例函数的知识分析、解决实际问题
2. 渗透数形结合思想，进一步提高学生用函数观点解决问题的能力，体会和认识反比例函数这一数学模型

二、重点、难点

1. 重点：利用反比例函数的知识分析、解决实际问题
2. 难点：分析实际问题中的数量关系，正确写出函数解析式，解决实际问题
3. 难点的突破方法：

本节的两个例题与学生的日常生活联系紧密，让学生亲身经历将实际问题抽象成数学模型并进行解释与应用，不但能巩固所学的知识，还能提高学生学习数学的兴趣。本节的教学，要引导学生从已有的生活经验出发，按照上一节所讲的基本思路去分析、解决实际问题，注意体会数形结合及转化的思想方法，要告诉学生充分利用函数图象的直观性，这对分析和解决实际问题很有帮助。

三、例题的意图分析

教材第 58 页的例 3 和例 4 都需要用到物理知识，教材在例题前已给出了相关的基本公式，其中的数量关系具有反比例关系，通过对这两个问题的分析和解决，不但能复习巩固反比例函数的有关知识，还能培养学生应用数学的意识

补充例题是一道综合题，有一定难度，需要学生有较强的识图、分析和归纳等方面的能力，此题既有一次函数的知识，又有反比例函数的知识，能进一步深化学生对一次函数和反比例函数知识的理解和掌握，体会数形结合思想的重要作用，同时提高学生灵活运用函数观点去分析和解决实际问题的能力

四、课堂引入

1. 小明家新买了几桶墙面漆，准备重新粉刷墙壁，请问如何打开这些未开封的墙面漆桶呢？其原理是什么？
2. 台灯的亮度、电风扇的转速都可以调节，你能说出其中的道理吗？

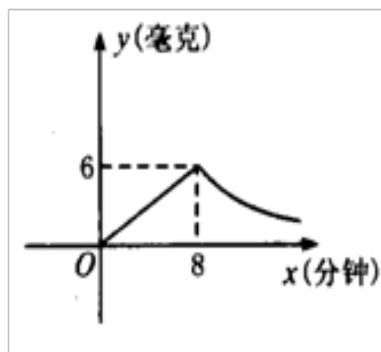
五、例习题分析

例 3. 见教材第 58 页

分析：题中已知阻力与阻力臂不变，即阻力与阻力臂的积为定值，由“杠杆定律”知变量动力与动力臂成反比关系，写出函数关系式，得到函数动力 F 是自变量动力臂 l 的反比例函数，当 $l=1.5$ 时，代入解析式中求 F 的值；（2）问要利用反比例函数的性质， l 越大 F 越小，先求出当 $F=200$ 时，其相应的 l 值的大小，从而得出结果。

例 4. 见教材第 59 页

分析：根据物理公式 $PR=U^2$ ，当电压 U 一定时，输出



功率 P 是电阻 R 的反比例函数, 则 $P \propto \frac{220^2}{R}$, (2) 问中是已知自变量 R 的取值范围, 即 $110 \leq R \leq$

220, 求函数 P 的取值范围, 根据反比例函数的性质, 电阻越大则功率越小, 得 $220 \leq P \leq 440$

例 1. (补充) 为了预防疾病, 某单位对办公室采用药熏消毒法进行消毒, 已知药物燃烧时, 室内每立方米空气中的含药量 y (毫克) 与时间 x (分钟) 成为正比例, 药物燃烧后, y 与 x 成反比例 (如图), 现测得药物 8 分钟燃毕, 此时室内空气中每立方米的含药量 6 毫克, 请根据题中所提供的信息, 解答下列问题:

(1) 药物燃烧时, y 关于 x 的函数关系式为 _____, 自变量 x 的取值范围为 _____; 药物燃烧后, y 关于 x 的函数关系式为 _____.

(2) 研究表明, 当空气中每立方米的含药量低于 1.6 毫克时员工方可进办公室, 那么从消毒开始, 至少需要经过 _____ 分钟后, 员工才能回到办公室;

(3) 研究表明, 当空气中每立方米的含药量不低于 3 毫克且持续时间不低于 10 分钟时, 才能有效杀灭空气中的病菌, 那么此次消毒是否有效? 为什么?

分析: (1) 药物燃烧时, 由图象可知函数 y 是 x 的正比例函数, 设 $y = k_1 x$, 将点 (8, 6) 代人

解析式, 求得 $y = \frac{3}{4} x$, 自变量 $0 < x \leq 8$; 药物燃烧后, 由图象看出 y 是 x 的反比例函数, 设 $y = \frac{k_2}{x}$,

用待定系数法求得 $y = \frac{48}{x}$

(2) 燃烧时, 药含量逐渐增加, 燃烧后, 药含量逐渐减少, 因此, 只能在燃烧后的某一时间进入办公室, 先将药含量 $y = 1.6$ 代入 $y = \frac{48}{x}$, 求出 $x = 30$, 根据反比例函数的图象与性质知药含量 y 随时间 x 的增大而减小, 求得时间至少要 30 分钟

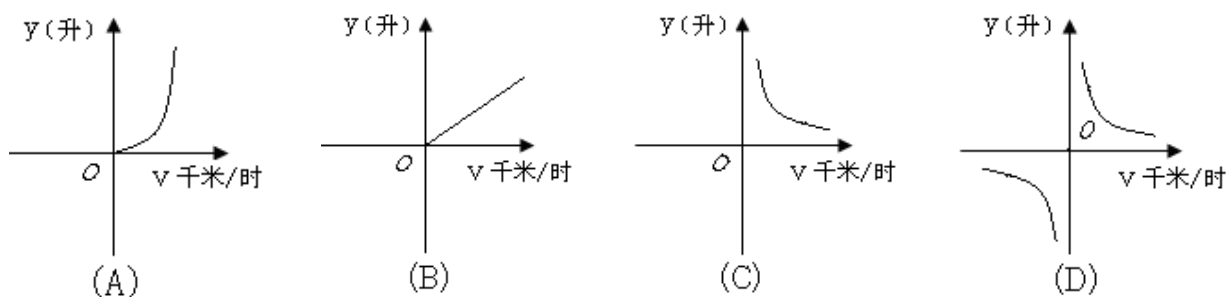
(3) 药物燃烧过程中, 药含量逐渐增加, 当 $y = 3$ 时, 代入 $y = \frac{3}{4} x$ 中, 得 $x = 4$, 即当药物燃烧 4 分钟时, 药含量达到 3 毫克; 药物燃烧后, 药含量由最高 6 毫克逐渐减少, 其间还能达到 3 毫克, 所以当 $y = 3$ 时, 代入 $y = \frac{48}{x}$, 得 $x = 16$, 持续时间为 $16 - 4 = 12 > 10$, 因此消毒有效

六、随堂练习

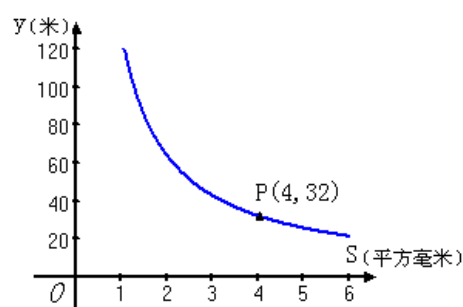
1. 某厂现有 800 吨煤, 这些煤能烧的天数 y 与平均每天烧的吨数 x 之间的函数关系是 ()

- (A) $y = \frac{300}{x}$ ($x > 0$) (B) $y = \frac{300}{x}$ ($x \geq 0$)
 (C) $y = 300x$ ($x \geq 0$) (D) $y = 300x$ ($x > 0$)

2. 已知甲、乙两地相距 s (千米), 汽车从甲地匀速行驶到达乙地, 如果汽车每小时耗油量为 a (升), 那么从甲地到乙地汽车的总耗油量 y (升) 与汽车的行驶速度 v (千米/时) 的函数图象大致是 ()



3. 你吃过拉面吗? 实际上在做拉面的过程中就渗透着数学知识, 一定体积的面团做成拉面, 面条的总长度 y (m) 是面条的粗细 (横截面积) S (mm^2) 的反比



例函数，其图象如图所示：

(1) 写出 y 与 S 的函数关系式；

(2) 求当面条粗 1.6mm^2 时，面条的总长度是多少米？

七. 课后练习

一场暴雨过后，一洼地存雨水 20米^3 ，如果将雨水全部排完需 t 分钟，排水量为 $a\text{米}^3/\text{分}$ ，且排水时间为 $5\sim 10$ 分钟

(1) 试写出 t 与 a 的函数关系式，并指出 a 的取值范围；

(2) 请画出函数图象

(3) 根据图象回答：当排水量为 $3\text{米}^3/\text{分}$ 时，排水的时间需要多长？