

## 【锐角三角函数全章教案】

### 锐角三角函数（第一课时）

#### 教学三维目标：

一. 知识目标：初步了解正弦、余弦、正切概念；能较正确地用  $\sin A$ 、 $\cos A$ 、 $\tan A$  表示直角三角形中两边的比；熟记  $30^\circ$ 、 $45^\circ$ 、 $60^\circ$  角的三角函数，并能根据这些值说出对应的锐角度数。

二. 能力目标：逐步培养学生观察、比较、分析、概括的思维能力和解决问题的能力。

三. 情感目标：提高学生对几何图形美的认识。

#### 教材分析：

1. 教学重点：正弦，余弦，正切概念

2. 教学难点：用含有几个字母的符号组  $\sin A$ 、 $\cos A$ 、 $\tan A$  表示正弦，余弦，正切

#### 教学程序：

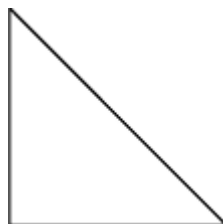
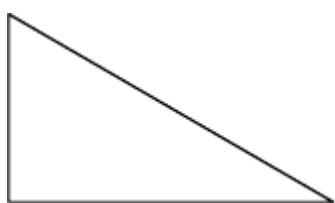
##### 一. 探究活动

1. 课本引入问题，再结合特殊角  $30^\circ$ 、 $45^\circ$ 、 $60^\circ$  的直角三角形探究直角三角形的边角关系。

2. 归纳三角函数定义。

$$\sin A = \frac{\angle A \text{ 的对边}}{\text{斜边}}, \cos A = \frac{\angle A \text{ 的邻边}}{\text{斜边}}, \tan A = \frac{\angle A \text{ 的对边}}{\angle A \text{ 的邻边}}$$

3 例 1. 求如图所示的 Rt  $\triangle ABC$  中的  $\sin A$ 、 $\cos A$ 、 $\tan A$  的值。



4. 学生练习 P21 练习 1, 2, 3

##### 二. 探究活动二

1. 让学生画  $30^\circ$ 、 $45^\circ$ 、 $60^\circ$  的直角三角形，分别求  $\sin 30^\circ$ 、 $\cos 45^\circ$ 、 $\tan 60^\circ$

归纳结果

	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$
$\sin A$			
$\cos A$			
$\tan A$			

2. 求下列各式的值

(1)  $\sin 30^\circ + \cos 30^\circ$  (2)  $\sqrt{2} \sin 45^\circ - \frac{1}{2} \cos 30^\circ$  (3)  $\frac{\cos 30^\circ}{\sin 45^\circ} + \tan 60^\circ - \tan 30^\circ$

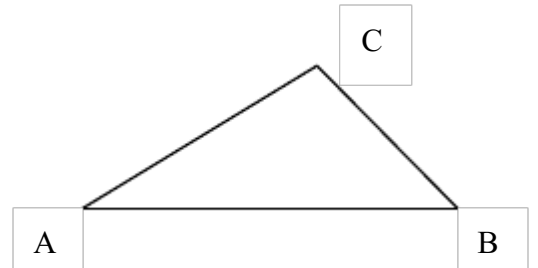
三. 拓展提高 P82 例 4. (略)

1. 如图在  $\triangle ABC$  中,  $\angle A = 30^\circ$ ,  $\tan B = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ,  $AC = 2\sqrt{3}$ ,

求 AB

四. 小结

五. 作业课本 p85—86 2, 3, 6, 7, 8, 10



# 解直角三角形应用（一）

## 一. 教学三维目标

### (一)知识目标

使学生理解直角三角形中五个元素的关系，会运用勾股定理，直角三角形的两个锐角互余及锐角三角函数解直角三角形.

### (二)能力训练点

通过综合运用勾股定理，直角三角形的两个锐角互余及锐角三角函数解直角三角形，逐步培养学生分析问题、解决问题的能力.

### (三)情感目标

渗透数形结合的数学思想，培养学生良好的学习习惯.

## 二、教学重点、难点和疑点

1. 重点：直角三角形的解法.
2. 难点：三角函数在解直角三角形中的灵活运用.
3. 疑点：学生可能不理解在已知的两个元素中，为什么至少有一个是边.

## 三、教学过程

### (一)知识回顾

1. 在三角形中共有几个元素？
2. 直角三角形ABC中， $\angle C=90^\circ$ ，a、b、c、 $\angle A$ 、 $\angle B$ 这五个元素间有哪些等量关系呢？

(1)边角之间关系  $\sin A = \frac{a}{c}$      $\cos A = \frac{b}{c}$      $\tan A = \frac{a}{b}$

### (2)三边之间关系

$$a^2 + b^2 = c^2 \text{ (勾股定理)}$$

### (3)锐角之间关系 $\angle A + \angle B = 90^\circ$ .

以上三点正是解直角三角形的依据，通过复习，使学生便于应用.

### (二) 探究活动

1. 我们已掌握Rt $\triangle ABC$ 的边角关系、三边关系、角角关系，利用这些关系，在知道其中的两个元素(至少有一个是边)后，就可求出其余的元素. 这样的导语既可以使学生大概了解解直角三角形的概念，同时又陷入思考，为什么两个已知元素中必有一条边呢？激发了学生的学习热情.

2. 教师在学生思考后，继续引导“为什么两个已知元素中至少有一条边？”让全体学生的思维目标一致，在作出准确回答后，教师请学生概括什么是解直角三角形？(由直角三角形中除直角外的两个已知元素，求出所有未知元素的过程，叫做解直角三角形).

### 3. 例题评析

例 1 在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C$ 为直角， $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 所对的边分别为 $a$ 、 $b$ 、 $c$ ，且 $b = \sqrt{2}a = \sqrt{6}$ ，解这个三角形。

例 2 在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C$ 为直角， $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 所对的边分别为 $a$ 、 $b$ 、 $c$ ，且 $b = 20$ ， $\angle B = 35^\circ$ ，解这个三角形（精确到0.1）。

解直角三角形的方法很多，灵活多样，学生完全可以自己解决，但例题具有示范作用。因此，此题在处理时，首先，应让学生独立完成，培养其分析问题、解决问题能力，同时渗透数形结合的思想。其次，教师组织学生比较各种方法中哪些较好，选一种板演。

完成之后引导学生小结“已知一边一角，如何解直角三角形？”

答：先求另外一角，然后选取恰当的函数关系式求另两边。计算时，利用所求的量如不比原始数据简便的话，最好用题中原始数据计算，这样误差小些，也比较可靠，防止第一步错导致一错到底。

例 3 在 $Rt\triangle ABC$ 中， $a=104.0$ ， $b=20.49$ ，解这个三角形。

(三) 巩固练习

在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C$ 为直角， $AC=6$ ， $\angle BAC$ 的平分线 $AD=4\sqrt{3}$ ，解此直角三角形。

解直角三角形是解实际应用题的基础，因此必须使学生熟练掌握。为此，教材配备了练习针对各种条件，使学生熟练解直角三角形，并培养学生运算能力。

(四)总结与扩展

请学生小结：1 在直角三角形中，除直角外还有五个元素，知道两个元素(至少有一个是边)，就可以求出另三个元素。

2 解决问题要结合图形。

四、布置作业

. p96 第 1, 2 题

## 解直角三角形应用（二）

### 一. 教学三维目标

#### (一)、知识目标

使学生了解仰角、俯角的概念，使学生根据直角三角形的知识解决实际问题.

#### (二)、能力目标

逐步培养分析问题、解决问题的能力.

#### 二、教学重点、难点和疑点

1. 重点：要求学生善于将某些实际问题中的数量关系，归结为直角三角形中元素之间的关系，从而解决问题.

2. 难点：要求学生善于将某些实际问题中的数量关系，归结为直角三角形中元素之间的关系，从而解决问题.

#### 三、教学过程

##### (一) 回忆知识

1. 解直角三角形指什么？

2. 解直角三角形主要依据什么？

(1) 勾股定理： $a^2+b^2=c^2$

(2) 锐角之间的关系： $\angle A + \angle B = 90^\circ$

(3) 边角之间的关系： $\tan A = \frac{\angle A \text{的对边}}{\angle A \text{的邻边}}$

##### (二) 新授概念

1. 仰角、俯角

当我们进行测量时，在视线与水平线所成的角中，视线在水平线上方的角叫做仰角，在水平线下方的角叫做俯角.

教学时，可以让学生仰视灯或俯视桌面以体会仰角与俯角的意义.

2. 例 1

如图(6-16)，某飞机于空中 A 处探测到目标 C，此时飞行高度 AC=1200 米，从飞机上看地平面控制点 B 的俯角  $\alpha$  =  $16^\circ 31'$ ，求飞机 A 到控制点 B 距离(精确到 1 米)

解：在 Rt $\triangle ABC$  中  $\sin B = \frac{AC}{AB}$   $\therefore AB = \frac{AC}{\sin B} = \frac{1200}{0.2843} = 4221$ (米)

答：飞机 A 到控制点 B 的距离约为 4221 米.

例 2. 2003 年 10 月 15 日“神州”5 号载人航天飞船发射成功。当飞船完成变轨后，就在离地形表面 350km 的圆形轨道上运行。如图，当飞船运行到地球表面上 P 点的正上方时，从

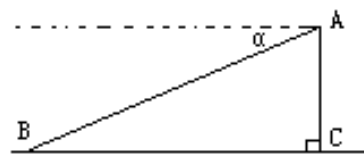
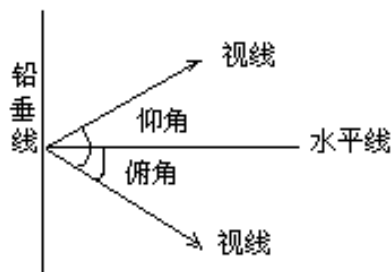
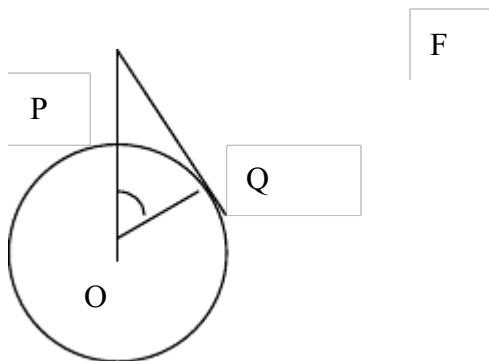


图 6-16

飞船上能直接看到地球上最远的点在什么位置？这样的最远点与P点的距离是多少？（地球半径约为6400km 结果精确到0.1km）

分析：从飞船上能看到的地球上最远的点，应是视线与地球相切时的切点。将问题放到直角三角形FOQ中解决。



解决此问题的关键是在于把它转化为数学问题,利用解直角三角形知识来解决,在此之前,学生曾经接触到通过把实际问题转化为数学问题后,用数学方法来解决问题的方法,但不太熟练.因此,解决此题的关键是转化实际问题为数学问题,转化过程中着重请学生画几何图形,并说出题目中每句话对应图中哪个角或边(包括已知什么和求什么),会利用平行线的内错角相等的性质由已知的俯角 $\alpha$  得出  $Rt\triangle ABC$  中的 $\angle ABC$ ,进而利用解直角三角形的知识就可以解此题了.

例1小结：本章引言中的例子和例1正好属于应用同一关系式  $\sin A = \frac{\angle A \text{的对边}}{\text{斜边}}$

来解决的两个实际问题即已知 $\angle \alpha$  和斜边,求 $\angle \alpha$  的对边;以及已知 $\angle \alpha$  和对边,求斜边.

### (三). 巩固练习

1. 热气球的探测器显示,从热气球看一栋高楼顶部的仰角为,看这栋楼底部的俯角为 $60^\circ$ ,热气球与高楼的水平距离为120m,这栋高楼有多高(结果精确到0.1m)

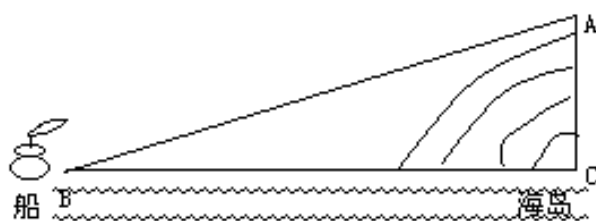


图 6-17

2. 如图6-17,某海岛上的观察所A发现海上某船只B并测得其俯角 $\alpha = 80^\circ 14'$ . 已知观察所A的标高(当水位为0m时的高度)为43.74m,当时水位为+2.63m,求观察所A到船只B的水平距离BC(精确到1m)

教师在学生充分地思考后,应引导学生分析:

- (1). 谁能将实物图形抽象为几何图形? 请一名同学上黑板画出来.
- (2). 请学生结合图形独立完成.

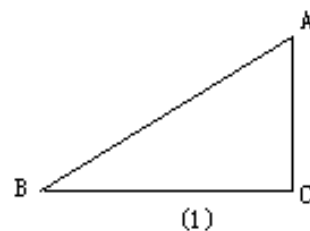


图 6-18

3 如图 6-19, 已知 A、B 两点间的距离是 160 米, 从 A 点看 B 点的仰角是  $11^\circ$ , AC 长为 1.5 米, 求 BD 的高及水平距离 CD.

此题在例 1 的基础上, 又加深了一步, 须由 A 作一条平行于 CD 的直线交 BD 于 E, 构造出  $\text{Rt}\triangle ABE$ , 然后进一步求出 AE、BE, 进而求出 BD 与 CD.

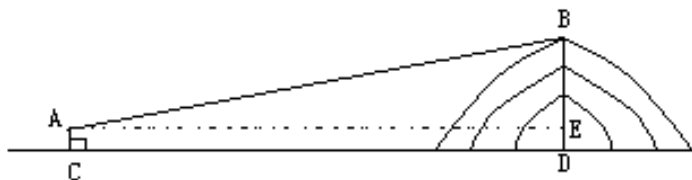


图 6-19

设置此题, 既使成绩较好的学生有足够的训练, 同时对较差学生又是巩固, 达到分层次教学的目的.

练习: 为测量松树 AB 的高度, 一个人站在距松树 15 米的 E 处, 测得仰角  $\angle ACD=52^\circ$ , 已知人的高度为 1.72 米, 求树高(精确到 0.01 米).

要求学生根据题意能画图, 把实际问题转化为数学问题, 利用解直角三角形的知识来解决它.

#### (四)总结与扩展

请学生总结: 本节课通过两个例题的讲解, 要求同学们会将某些实际问题转化为解直角三角形问题去解决; 今后, 我们要善于用数学知识解决实际问题.

#### 四、布置作业

1. 课本 p96 第 3, 4, 6 题

## 解直角三角形应用（三）

### （一）教学三维目标

#### （一）知识目标

使学生会把实际问题转化为解直角三角形问题，从而会把实际问题转化为数学问题来解决。

#### （二）能力目标

逐步培养学生分析问题、解决问题的能力。

#### （三）情感目标

渗透数学来源于实践又反过来作用于实践的观点，培养学生用数学的意识。

### 二、教学重点、难点

1. 重点：要求学生善于将某些实际问题中的数量关系，归结为直角三角形元素之间的关系，从而利用所学知识把实际问题解决。

2. 难点：要求学生善于将某些实际问题中的数量关系，归结为直角三角形中元素之间的关系，从而利用所学知识把实际问题解决。

### 三、教学过程

#### 1. 导入新课

上节课我们解决的实际问题是应用正弦及余弦解直角三角形，在实际问题中有时还经常应用正切和余切来解直角三角形，从而使问题得到解决。

#### 2. 例题分析

例 1. 如图 6-21，厂房屋顶人字架(等腰三角形)的跨度为 10 米， $\angle A=26^\circ$ ，

求中柱 BC(C 为底边中点)和上弦 AB 的长(精确到 0.01 米)。

分析：上图是本题的示意图，同学们对照图形，根据题意思考题目中的每句话对应图中的哪个角或边，本题已知什么，求什么？

由题意知， $\triangle ABC$  为直角三角形， $\angle ACB=90^\circ$ ， $\angle A=26^\circ$ ， $AC=5$  米，可利用解  $Rt\triangle ABC$  的方法求出 BC 和 AB。

学生在把实际问题转化为数学问题后，大部分学生可自行完成

例题小结：求出中柱 BC 的长为 2.44 米后，我们也可以利用正弦计算上弦 AB 的长。

如果在引导学生讨论后小结，效果会更好，不仅使学生掌握选何关系式，更重要的是知道为什么选这个关系式，以培养学生分析问题、解决问题的能力及计算能力，形成良好的学习习惯。

另外，本题是把解等腰三角形的问题转化为直角三角形的问题，渗透了转化的数学思想。

例 2. 如图，一艘海轮位于灯塔 P 的北偏东  $65^\circ$  方向，距离灯塔 80 海里的 A 处，它沿正南方向航行一段时间后，到达位于灯塔 P 的南东  $34^\circ$  方向上的 B 处。这时，海轮所在的 B

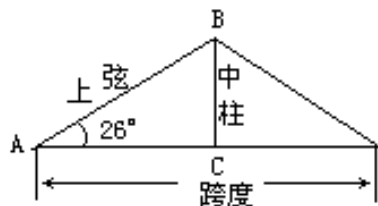
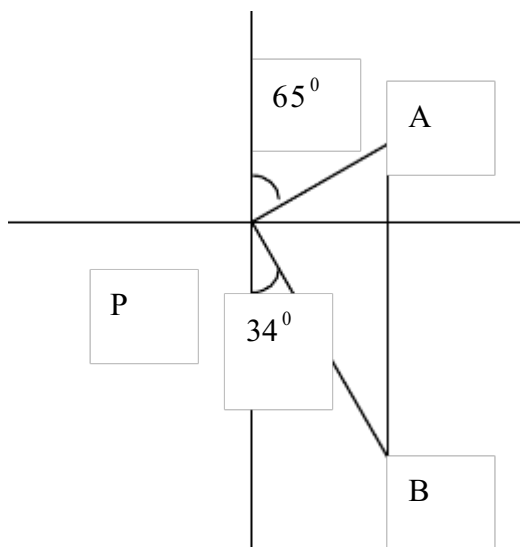


图 6-21



处 距 离 灯 塔 P 有 多 远 ( 精 确 到 0.01 海 里 ) ?



引导学生根据示意图,说明本题已知什么,求什么,利用哪个三角形来求解,用正弦、余弦、正切、余切中的哪一种解较为简便?

### 3 巩固练习

为测量松树 AB 的高度,一个人站在距松树 15 米的 E 处,测得仰角  $\angle ACD=52^\circ$ ,

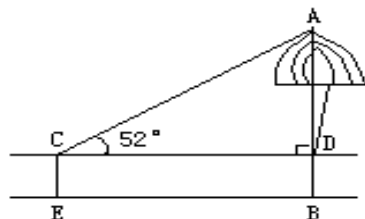


图 6-22

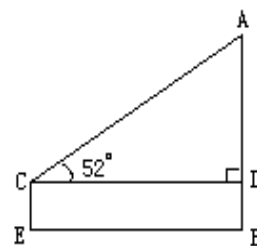


图 6-23

已知人的高度是 1.72 米,求树高(精确到 0.01 米).

首先请学生结合题意画几何图形,并把实际问题转化为数学问题.

$\text{Rt}\triangle ACD$  中,  $\angle D=\text{Rt}\angle$ ,  $\angle ACD=52^\circ$ ,  $CD=BE=15$  米,  $CE=DB=1.72$  米,求 AB?

### (三)总结与扩展

请学生总结:通过学习两个例题,初步学会把一些实际问题转化为数学问题,通过解直角三角形来解决,具体说,本节课通过让学生把实际问题转化为数学问题,利用正切或余切解直角三角形,从而把问题解决.

本课涉及到一种重要教学思想:转化思想.

### 四、布置作业

1. 某一时刻，太阳光线与地平面的夹角为 $78^\circ$ ，此时测得烟囱的影长为5米，求烟囱的高(精确到0.1米).
2. 如图 6-24 在高出地平面 50 米的小山上有一塔 AB，在地面 D 测得塔顶 A 和塔基 B 的仰角分别为  $50^\circ$ 和  $45^\circ$ ，求塔高.
3. 在宽为 30 米的街道东西两旁各有一楼房，从东楼底望西楼顶仰角为 $45^\circ$ ，从西楼顶望东楼顶，俯角为  $10^\circ$ ，求西楼高(精确到 0.1 米).

## 解直角三角形应用（四）

### 一. 教学三维目标

#### (一)知识目标致

使学生懂得什么是横断面图，能把一些较复杂的图形转化为解直角三角形的问题.

#### (二)能力目标

逐步培养学生分析问题、解决问题的能力.

#### (三)情感目标

培养学生用数学的意识；渗透转化思想；渗透数学来源于实践又作用于实践的观点.

### 二、教学重点、难点

1. 重点：把等腰梯形转化为解直角三角形问题；

2. 难点：如何添作适当的辅助线.

### 三、教学过程

1. 出示已准备的泥燕尾槽，让学生有感视印象，将其横向垂直于燕尾槽的平面切割，得横截面，请学生通过观察，认识到这是一个等腰梯形，并结合图形，向学生介绍一些专用术语，使学生知道，图中燕尾角对应哪一个角，外口、内口和深度对应哪一条线段. 这一介绍，使学生对本节课内容很感兴趣，激发了学生的学习热情.

#### 2. 例题

例 燕尾槽的横断面是等腰梯形，图 6-26 是一燕尾槽的横断面，其中燕尾角  $B$  是  $55^\circ$ ，外口宽  $AD$  是  $180\text{mm}$ ，燕尾槽的深度是  $70\text{mm}$ ，求它的里口宽  $BC$  (精确到  $1\text{mm}$ ).

分析：(1)引导学生将上述问题转化为数学问题；等腰梯形  $ABCD$  中，上底  $AD=180\text{mm}$ ，高  $AE=70\text{mm}$ ， $\angle B=55^\circ$ ，求下底  $BC$ .

(2)让学生展开讨论，因为上节课通过做等腰三角形的高把其分割为直角三角形，从而利用解直角三角形的知识来求解. 学生对这一转化有所了解. 因此，学生经互相讨论，完全可以解决这一问题.

例题小结：遇到有关等腰梯形的问题，应考虑如何添加辅助线，将其转化为直角三角形和矩形的组合图形，从而把求等腰梯形的下底的问题转化成解直角三角形的问题.

#### 3. 巩固练习

如图 6-27，在离地面高度 5 米处引拉线固定电线杆，拉线和地面成  $60^\circ$  角，求拉线  $AC$  的长以及拉线下端点  $A$  与杆底  $D$  的距离  $AD$  (精确到  $0.01$  米).

分析：(1)请学生审题：因为电线杆与地面应是垂直的，那么图 6-27 中  $\triangle ACD$  是直角三角形. 其中  $CD=5\text{m}$ ， $\angle CAD=60^\circ$ ，求  $AD$ 、 $AC$  的长.

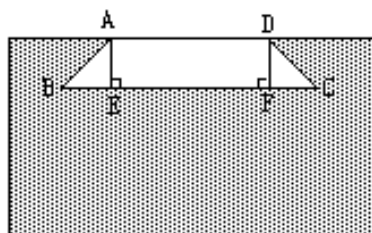


图 6-26

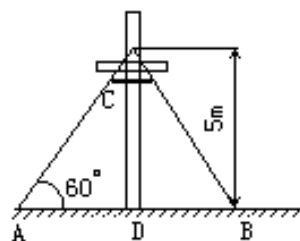


图 6-27

(2)学生运用已有知识独立解决此题. 教师巡视之后讲评.

### (三)小结

请学生作小结, 教师补充.

本节课教学内容仍是解直角三角形, 但问题已是处理一些实际应用题, 在这些问题中, 有较多的专业术语, 关键是要分清每一术语是指哪个元素, 再看是否放在同一直角三角形中, 这时要灵活, 必要时还要作辅助线, 再把问题放在直角三角形中解决. 在用三角函数时, 要正确判断边角关系.

### 四、布置作业

1. 如图 6-28, 在等腰梯形 ABCD 中,  $DC \parallel AB$ ,  $DE \perp AB$  于 E,

$AB=8$ ,  $DE=4$ ,  $\cos A = \frac{3}{5}$ , 求 CD 的长. 2. 教材课本习题 P96 第 6, 7, 8 题

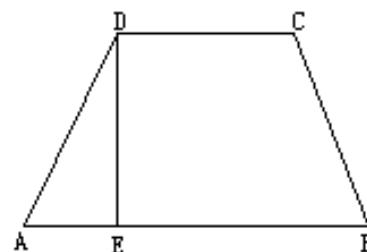


图 6-28

## 解直角三角形应用（五）

### 一. 教学三维目标

#### (一)知识目标

巩固直角三角形中锐角的三角函数，学会解关于坡度角和有关角度的问题.

#### (二)能力目标

逐步培养学生分析问题解决问题的能力，进一步渗透数形结合的数学思想和方法.

#### (三)德育目标

培养学生用数学的意识；渗透数学来源于实践又反过来作用于实践的辩证唯物主义观点.

### 二、教学重点、难点和疑点

1. 重点：能熟练运用有关三角函数知识.
2. 难点：解决实际问题.
3. 疑点：株距指相邻两树间的水平距离，学生往往理解为相邻两树间的距离而造成错误.

### 三、教学过程

#### 1. 探究活动一

教师出示投影片，出示例题.

例 1 如图 6-29，在山坡上种树，要求株距(相邻两树间的水平距离)是 5.5m，测得斜坡的倾斜角是  $24^\circ$ ，求斜坡上相邻两树的坡面距离是多少(精确到 0.1m).



分析：1. 例题中出现许多术语——株距，倾斜角，这些概念学生未接触过，比较生疏，而株距概念又是学生易记错之处，因此教师最好准备教具：用木板钉成一斜坡，再在斜坡上钉几个铁钉，利用这种直观教具更容易说明术语，符合学生的思维特点.

2. 引导学生将实际问题转化为数学问题画出图形(如图 6-29(2)). 已知：Rt $\triangle ABC$  中， $\angle C=90^\circ$ ， $AC=5.5$ ， $\angle A=24^\circ$ ，求  $AB$ .

3. 学生运用解直角三角形知识完全可以独立解决例 1. 教师可请一名同学上黑板做，其余同学在练习本上做，教师巡视.

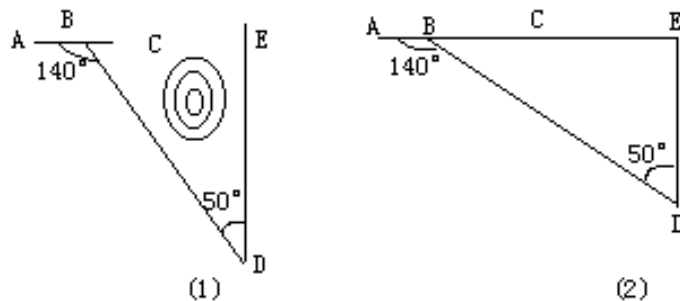


图 6-30

解：在Rt△ABC中， $\cos A = \frac{AC}{AB}$ ，

$$\therefore AB = \frac{AC}{\cos A} = \frac{55}{0.9135} \approx 6.0(\text{米}).$$

答：斜坡上相邻两树间的坡面距离约是6.0米。

教师引导学生评价黑板上的解题过程，做到全体学生都掌握。

## 2. 探究活动二

例2 如图6-30，沿AC方向开山修渠，为了加快施工速度，要从小山的另一边同时施工，从AC上的一点B取 $\angle ABD=140^\circ$ ， $BD=52\text{cm}$ ， $\angle D=50^\circ$ ，那么开挖点E离D多远(精确到0.1m)，正好能使A、C、E成一条直线？

这是实际施工中经常遇到的问题。应首先引导学生将实际问题转化为数学问题。

由题目的已知条件， $\angle D=50^\circ$ ， $\angle ABD=140^\circ$ ， $BD=520$ 米，求DE为多少时，A、C、E在一条直线上。

学生观察图形，不难发现， $\angle E=90^\circ$ ，这样此题就转化为解直角三角形的问题了，全班学生应该能独立准确地完成。

解：要使A、C、E在同一直线上，则 $\angle ABD$ 是 $\triangle BDE$ 的一个外角。

$$\therefore \angle BED = \angle ABD - \angle D = 90^\circ.$$

$$\therefore DE = BD \cdot \cos D$$

$$= 520 \times 0.6428 = 334.256 \approx 334.3(\text{m}).$$

答：开挖点E离D 334.3米，正好能使A、C、E成一直线，

提到角度问题，初一教材曾提到过方向角，但应用较少。因此本节课很有必要补充一道涉及方向角的实际应用问题，出示投影片。

练习 P95 练习 1, 2。

补充题：正午10点整，一渔轮在小岛O的北偏东 $30^\circ$ 方向，距离等于10海里的A处，正以每小时10海里的速度向南偏东 $60^\circ$ 方向航行。那么渔轮到达小岛O的正东方向是什么时候？(精确到1分)。

学生虽然在初一接触过方向角，但应用很少，所以学生在解决这个问题时，可能出现不会画图，无法将实际问题转化为几何问题的情况。因此教师在学生独自尝试之后应加以引导：

(1)确定小岛O点；(2)画出10时船的位置A；(3)小船在A点向南偏东 $60^\circ$ 航行，到达O的正东方向位置在哪？设为B；(4)结合图形引导学生加以分析，可以解决这一问题。

此题的解答过程非常简单，对于程度较好的班级可以口答，以节省时间补充一道有关方向角的应用问题，达到熟练程度。对于程度一般的班级可以不必再补充，只需理解前三例即可。

补充题：如图 6-32，海岛 A 的周围 8 海里内有暗礁，鱼船跟踪鱼群由西向东航行，在点 B 处测得海岛 A 位于北偏东  $60^\circ$ ，航行 12 海里到达点 C 处，又测得海岛 A 位于北偏东  $30^\circ$ ，如果鱼船不改变航向继续向东航行，有没有触礁的危险？

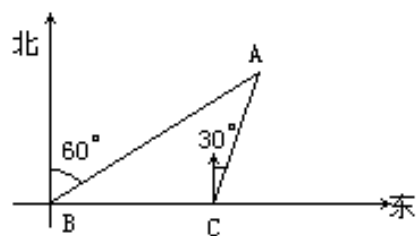


图 6-32

如果时间允许，教师可组织学生探讨此题，以加深对方向角的运用。同时，学生对这种问题也非常感兴趣，教师可通过此题创设良好的课堂气氛，激发学生的学习兴趣。

若时间不够，此题可作为思考题请学生课后思考。

### (三)小结与扩展

教师请学生总结：在这类实际应用题中，都是直接或间接地把问题放在直角三角形中，虽然有一些专业术语，但要明确各术语指的什么元素，要善于发现直角三角形，用三角函数等知识解决问题。

利用解直角三角形的知识解决实际问题的过程是：

- (1) 将实际问题抽象为数学问题（画出平面图形，转化为解直角三角形的问题）
- (2) 根据条件的特点适当选用锐角三角函数等去解直角三角形；
- (3) 得到数学问题的答案；
- (4) 得到实际问题的答案。

### 四、布置作业

课本习题 P97 9, 10

# 解直角三角形应用

一、

## (一)知识教学点

巩固用三角函数有关知识解决问题，学会解决坡度问题.

## (二)能力目标

逐步培养学生分析问题、解决问题的能力；渗透数形结合的数学思想和方法.

## (三)德育目标

培养学生用数学的意识，渗透理论联系实际的观点.

## 二、教学重点、难点和疑点

1. 重点：解决有关坡度的实际问题.

2. 难点：理解坡度的有关术语.

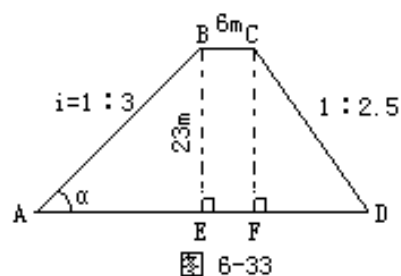
3. 疑点：对于坡度*i*表示成1：*m*的形式学生易疏忽，教学中应着重强调，引起学生的重视.

## 三、教学过程

1. 创设情境，导入新课.

例 同学们，如果你是修建三峡大坝的工程师，现在有这样一个问题请你解决：如图6-33

水库大坝的横断面是梯形，坝顶宽6m，坝高23m，斜坡AB的坡度*i*=1：3，斜坡CD的坡度*i*=1：2.5，求斜坡AB的坡面角 $\alpha$ ，坝底宽AD和斜坡AB的长(精确到0.1m).



同学们因为你称他们为工程师而骄傲，满腔热情，但一见问题又手足失措，因为连题中的术语坡度、坡角等他们都不清楚. 这时，教师应根据学生想学的心情，及时点拨.

通过前面例题的教学，学生已基本了解解实际应用题的方法，会将实际问题抽象为几何问题加以解决. 但此题中提到的坡度与坡角的概念对学生来说比较生疏，同时这两个概念在实际生产、生活中又有十分重要的应用，因此本节课关键是使学生理解坡度与坡角的意义.

### 介绍概念

#### 坡度与坡角

结合图6-34，教师讲述坡度概念，并板书：坡面的铅直高度*h*和水

平宽度*l*的比叫做坡度（或叫做坡比），一般用*i*

表示。即  $i = \frac{h}{l}$ ，

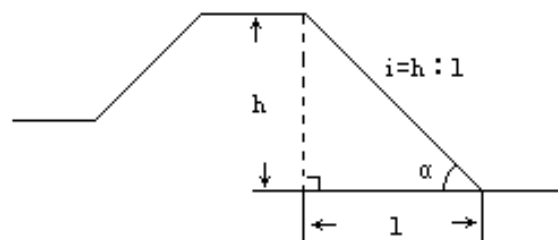


图 6-34



写成  $1:m$  的形式, 如  $i = 1:5$  (或  $i = \frac{1}{5}$ ).

把坡面与水平面的夹角  $\alpha$  叫做坡角.

引导学生结合图形思考, 坡度  $i$  与坡角  $\alpha$  之间具有什么关系?

$$\text{答: } i = \frac{h}{l} = \tan\alpha$$

这一关系在实际问题中经常用到, 教师不妨设置练习, 加以巩固.

练习(1)一段坡面的坡角为  $60^\circ$ , 则坡度  $i = \underline{\hspace{2cm}}$ ;  $\underline{\hspace{2cm}}$ , 坡角  $\alpha \underline{\hspace{2cm}}$  度.

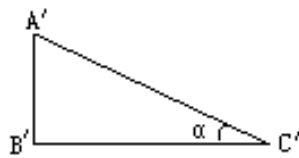
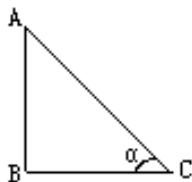
为了加深对坡度与坡角的理解, 培养学生空间想象力, 教师还可以提问:

(1) 坡面铅直高度一定, 其坡角、坡度和坡面水平宽度有什么关系? 举例说明.

(2) 坡面水平宽度一定, 铅直高度与坡度有何关系, 举例说明.

答: (1)

如图, 铅直高度  $AB$  一定, 水平宽度  $BC$  增加,  $\alpha$  将变小, 坡度减小,

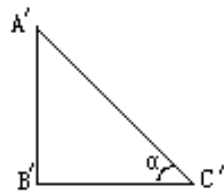
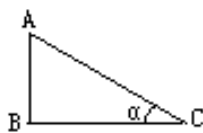


$AB$

因为  $\tan\alpha = \frac{AB}{BC}$ ,  $AB$  不变,  $\tan\alpha$  随  $BC$  增大而减小

(2)

与(1)相反, 水平宽度  $BC$  不变,  $\alpha$  将随铅直高度增大而增大,  $\tan\alpha$



$\frac{AB}{BC}$

也随之增大, 因为  $\tan\alpha = \frac{AB}{BC}$  不变时,  $\tan\alpha$  随  $AB$  的增大而增大

## 2. 讲授新课

引导学生分析例题, 图中  $ABCD$  是梯形, 若  $BE \perp AD$ ,  $CF \perp AD$ , 梯形就被分割成  $Rt\triangle ABE$ , 矩形  $BEFC$  和  $Rt\triangle CFD$ ,  $AD = AE + EF + FD$ ,  $AE$ 、 $DF$  可在  $\triangle ABE$  和  $\triangle CDF$  中通过坡度求出,  $EF = BC = 6m$ , 从而求出  $AD$ .

以上分析最好在学生充分思考后由学生完成, 以培养学生逻辑思维能力及良好的学习习惯.

坡度问题计算过程很繁琐, 因此教师一定要做好示范, 并严格要求学生, 选择最简练、准确的方法计算, 以培养学生运算能力.

解: 作  $BE \perp AD$ ,  $CF \perp AD$ , 在  $Rt\triangle ABE$  和  $Rt\triangle CDF$  中,

$$\frac{BE}{AE} = \frac{1}{3}, \quad \frac{CF}{FD} = \frac{1}{2.5}$$

$$\therefore AE = 3BE = 3 \times 23 = 69(\text{m}).$$

$$FD = 2.5CF = 2.5 \times 23 = 57.5(\text{m}).$$

$$\therefore AD = AE + EF + FD = 69 + 6 + 57.5 = 132.5(\text{m}).$$

因为斜坡 AB 的坡度  $i = \tan \alpha = \frac{1}{3} \approx 0.3333$ , 查表得  $\alpha \approx 18^\circ 26'$

答: 斜坡 AB 的坡角  $\alpha$  约为  $18^\circ 26'$ , 坝底宽 AD 为 132.5 米, 斜坡 AB 的长约为 72.7 米. 在求 AB 时, 也可由  $\frac{B}{AE} = \frac{1}{3}$  及勾股定理得出  $BE : AB = 1 : \sqrt{10}$ , 所

以  $AB = 23\sqrt{10} \approx 72.7(\text{米})$ .

### 3. 巩固练习

#### (1) 教材 P124.2

由于坡度问题计算较为复杂, 因此要求全体学生要熟练掌握, 可能基础较好的学生会很快做完, 教师可再给布置一题.

(2) 利用土埂修筑一条渠道, 在埂中间挖去深为 0.6 米的一块(图 6-35 阴影部分是挖去部分), 已知渠道内坡度为 1 : 1.5, 渠道底面宽 BC 为 0.5 米, 求:

① 横断面(等腰梯形) ABCD 的面积;

② 修一条长为 100 米的渠道要挖去的土方数.

分析: 1. 引导学生将实际问题转化为数学问题.

2. 要求 S 等腰梯形 ABCD, 首先要求出 AD, 如何利用条件求 AD?

3. 土方数 = S · l

$$\therefore AE = 1.5 \times 0.6 = 0.9(\text{米}).$$

$\because$  等腰梯形 ABCD,

$$\therefore FD = AE = 0.9(\text{米}).$$

$$\therefore AD = 2 \times 0.9 + 0.5 = 2.3(\text{米}).$$

总土方数 = 截面积  $\times$  渠长 =  $0.8 \times 100 = 80(\text{米}^3)$ .

答: 横断面 ABCD 面积为 0.8 平方米, 修一条长为 100 米的渠道要挖出的土方数为 80 立方米.

#### (四) 总结与扩展

引导学生回忆前述例题, 进行总结, 以培养学生的概括能力.

1. 弄清俯角、仰角、株距、坡度、坡角、水平距离、垂直距离、水位等概念的意义, 明

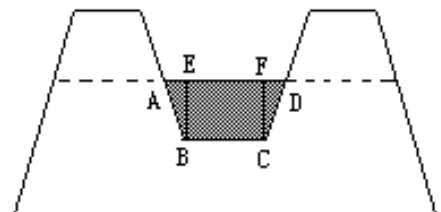


图 6-35

确各术语与示意图中的什么元素对应，只有明确这些概念，才能恰当地把实际问题转化为数学问题.

2. 认真分析题意、画图并找出要求的直角三角形，或通过添加辅助线构造直角三角形来解决问题.

3. 选择合适的边角关系式，使计算尽可能简单，且不易出错.

4. 按照题中的精确度进行计算，并按照题目中要求的精确度确定答案以及注明单位.

#### 四、布置作业

1. 看教材，培养看书习惯，作本章小结.

2. 课本习题P96第5, 8题