

七年级 B 卷答案

一、选择题 (每小题 4 分, 共 40 分)

1.D 2.D 3.C 4.C 5.B 6.B 7.D 8.D 9.C 10.A

3.由题意得 $50x+40y=50(1+10\%)x+40(1-10\%)y$, $x:y=4:5$.

4.当 $x=-2015$ 时, 原式= $|(-2015)^2-2014 \times 2015+1|+|(-2015)^2-2015 \times 2016-1|$
 $=2015^2-2014 \times 2015+1-2015^2+2015 \times 2016+1=2015 \times (2016-2014)+2=4030+2=4032$.

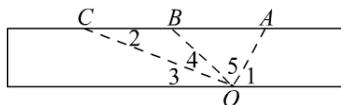
$$5. \begin{cases} 2x+y=1-\frac{m}{4}, & \text{①} \\ x-2y=\frac{-3-8m}{4}, & \text{②} \end{cases} \quad \text{①} \times 2 + \text{②} \text{ 得, } 20x=5-10m, \therefore x=\frac{1-2m}{4}, \text{ 代入①得, } y=\frac{2+3m}{4},$$

$$\therefore \frac{1-2m}{4} \times 3 + \frac{2+3m}{4} < 1, \text{ 解得, } m > -\frac{1}{3}.$$

6.如图, 由折叠的性质得: $\angle 5 = \angle 1 = 65^\circ$, $\angle 3 = \angle 4$,

$$\therefore \angle 3 = \angle 4 = \frac{1}{2} (180^\circ - \angle 1 - \angle 5) = 25^\circ,$$

\because 长方形的对边平行, $\therefore \angle 2 = \angle 3 = 25^\circ$.



8.根据题意用“是”表示有“地雷”, 用“不”表示没有“地雷”
 填表如图, “?”的周围有两颗“地雷”, 所以“?”处应填
 的数字是 2.

是	是	2	3	是
3	不	是	不	是
1	是	?	不	1

9. \because 有一列数 a_1, a_2, \dots, a_n 满足关系: 后面的这个数依次比前面的这个数大 k (k 为定值),
 \therefore 可知 $a_2 = a_1 + k, a_3 = a_1 + 2k, a_{13} = a_1 + 12k$, 从而可知 $3(2a_1 + 6k) + 2(3a_1 + 27k) = 24$,

$$\therefore \text{可得 } 12a_1 + 72k = 24, \therefore \text{可得 } a_1 + 6k = 2, \therefore a_1 + a_2 + \dots + a_{13} = 13a_1 + \frac{12 \times 13}{2} k = 13(a_1 + 6k) = 26.$$

10. 设 $A = a + b + c, B = ab + bc + ca$, 则 $\begin{cases} 6A - B = 34, \\ 9A - B = 79. \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} A = 15, \\ B = 56. \end{cases}$ 即 $\begin{cases} a + b + c = 15, \\ ab + bc + ca = 56. \end{cases}$

又 $\because a > b > c, \therefore a > 5, c < 5, \therefore a + b + c = 15$,

$\therefore a = 6, b = 5, c = 4$ 或 $a = 7, b = 5, c = 3$ 或 $a = 7, b = 6, c = 2$ 或 $a = 8, b = 4, c = 3$ 或 $a = 8, b = 5, c = 2$ 或 $a = 8, b = 6, c = 1$ 或 $a = 9, b = 5, c = 1$ 或 $a = 9, b = 4, c = 2$ 或 $a = 10, b = 4, c = 1$ 或 $a = 10, b = 3, c = 2$, 代入 $ab + bc + ca = 56$ 可知, 只可能是 $a = 10, b = 3, c = 2, \therefore abc = 60$.

二、填空题 (每小题 5 分, 共 30 分)

11.5 12.-1 13. $\frac{1}{2}$ (或 1:2) 14.6 15.6 16. (9, 10, 11)

13. 设点 M 在 O, B 之间, 则 $AM - BM = AO + OM - BM = OB + OM - BM = 2OM, MO : |AM - BM| = \frac{1}{2}$.

14. 设树上原有桃子 x 个, 第一天树上少了 $(\frac{2}{5}x + 4)$ 个桃子, 剩下 $(\frac{3}{5}x - 4)$ 个桃子; 第二

天树上少了 $[\frac{5}{8}(\frac{3}{5}x - 4) - 3]$ 个桃子, 剩下 $[\frac{3}{8}(\frac{3}{5}x - 4) + 3]$ 个桃子. 设 m 为树上最后

剩下的桃子的个数, 则 $m = \frac{3}{8}(\frac{3}{5}x - 4) + 3 = \frac{9x + 60}{40}$ (m, x 均为正整数) ①, 故 $40m = 9x + 60$,

由此可知要 m 的值最小, 且为整数, 则整数 x 的值最小为 20, 代入①中得 $m = 6$, 因此树上至少剩下 6 个桃子.

15. 解: 2014^2 的尾数为 6, 2014^3 的尾数为 4, 2014^4 的尾数为 6, ...

由此得到其尾数的规律为 4, 6, 4, 6, ...

$2014 \div 2 = 1007, \therefore 2014^{2014}$ 的尾数为 6;

2013^2 的尾数为 9, 2013^3 的尾数为 7, 2013^4 的尾数为 1, ...

由此得到其尾数的规律为 3, 9, 7, 1, 3, 9...

$2013 \div 4 = 503 \dots 1$, $\therefore 2013^{2013}$ 的尾数为 3;

342^2 的尾数为 4, 342^3 的尾数为 8, 342^4 的尾数为 6, ...

由此得到其尾数的规律为 2, 4, 8, 6, 2, 4...

$342 \div 4 = 85 \dots 2$, $\therefore 342^{342}$ 的尾数为 4.

$\therefore (6+3) \times 4 = 36$, 原式的结果的尾数为 6.

16. 若 $G_0 = (4, 8, 18)$, 则 $G_1 = (5, 9, 16)$, $G_2 = (6, 10, 14)$, $G_3 = (7, 11, 12)$,
 $G_4 = (8, 12, 10)$, $G_5 = (9, 10, 11)$, $G_6 = (10, 11, 9)$, $G_7 = (11, 9, 10)$, $G_8 = (9,$
 $10, 11)$, $G_9 = (10, 11, 9)$, $G_{10} = (11, 9, 10)$, ... 由此看出从 G_5 开始 3 个一循环,
 $(2015-4) \div 3 = 670 \dots 1$, 所以 G_{2014} 与 G_8 相同, 也就是 $(9, 10, 11)$.

三、解答题 (共 5 小题, 共 50 分)

17. 解: $\because \frac{a+b+c}{b} = \frac{15}{4}$, $\frac{a+b-c}{b} = \frac{11}{4}$, $\therefore 4a+4b+4c=15b$ ①, $4a+4b-4c=11b$ ②,

①+②得 $8a+8b=26b$, $\therefore 8a=18b$, $\therefore a=\frac{9}{4}b$, 代入②得, $9b+4b-4c=11b$,

整理得, $2b=4c$, $\therefore \frac{b}{c}=2$.

18. 解: 先求不等式 $2(a-3) < \frac{2-a}{3}$ 的解集为 $a < \frac{20}{7}$,

将不等式 $\frac{a(x-4)}{5} < x-a$ 化简为 $(a-5)x < -a$, $\therefore a < \frac{20}{7}$, $\therefore a-5 < 0$,

不等式两边除以 $a-5$ 可得 $x > \frac{a}{5-a}$.

19. 解: $\angle BEP + \frac{3}{2} \angle EPF = 270^\circ$; 理由如下:

延长 FP 交 CD 于点 Q , 如图, $\because AB \parallel CD$, $\therefore \angle BEP + \angle FQP = 180^\circ$;

\because 将射线 FC 沿 FP 折叠, $\therefore \angle QFP = \angle PFP$,

$\because JK \parallel AB$, $\therefore JK \parallel CD$, $\therefore \angle FJK = 2\angle CFP$,

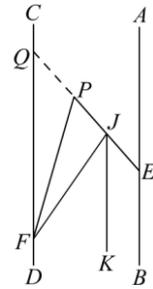
$\because \angle EQF + \angle QFP + \angle QPF = 180^\circ$, 而 $\angle QPF + \angle EPF = 180^\circ$,

$\therefore \angle EPF = \angle EQF + \angle QFP$, $\therefore \angle EPF = 180^\circ - \angle BEP + \angle QFP$,

$\because JK$ 平分 $\angle EJP$, $\therefore \angle FJK = \angle KJE$,

$\because JK \parallel CD$, $\therefore \angle KJE = \angle FQP$, $\therefore \angle EPF = 180^\circ - \angle BEP + \frac{1}{2} \angle FJK$,

$\therefore \angle EPF = 180^\circ - \angle BEP + \frac{1}{2} \times (180^\circ - \angle BEP)$, $\therefore \angle BEP + \frac{3}{2} \angle EPF = 270^\circ$.



20. (1) $A(0, 4)$, $B(-4, 0)$, $C(8, 0)$.

(2) 解: $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 12 = 24$, 当点 P 在第一象限, 即 $a > 0$, 作 $PH \perp x$ 轴于 H , 如图①,

$S_{\triangle PAB} = S_{\triangle AOB} + S_{\text{梯形} AOHP} - S_{\triangle PBH} = 8 + \frac{4+6}{2} \cdot a - \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot (a+4) = 2a-4$, 则 $2a-4=24$,

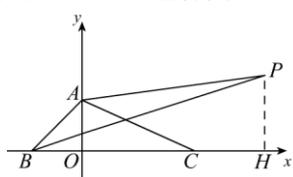
解得 $a=14$. 此时 P 点坐标为 $(14, 6)$;

当点 P 在第二象限, 即 $a < 0$, 作 $PH \perp y$ 轴于 H , 如图②,

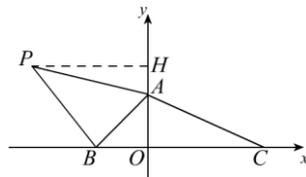
$S_{\triangle PAB} = S_{\text{梯形} OHPB} - S_{\triangle PAH} - S_{\triangle OAB} = \frac{4-a}{2} \cdot 6 - \frac{1}{2} \cdot (6-4) \cdot (-a) - 8 = 4-2a$, 则 $4-2a=24$,

解得 $a = -10$. 此时 P 点坐标为 $(-10, 6)$.

综上所述, 点 P 的坐标为 $(14, 6)$ 或 $(-10, 6)$.



图①



图②

21.解: (1) 根据题意可得: 小花上场时, 站在 6 号位置, 第 5 轮发球时, 站在①号位置;

(2) \because 小花上场时, 站在 6 号位置, \therefore 第 3 轮发球时站在 3 号位置,

\because 这场比赛最多发 21 轮球, 且每发球 6 轮循环一圈,

\therefore 第 9 轮发球时也站在 3 号位置, 同理可得: 第 15 轮发球时也站在 3 号位置, 第 21 轮发球时也站在 3 号位置,

综上所述: 第 3, 9, 15, 21 轮发球时, 小花站在 3 号位置;

(3) \because 小花上场时, 站在 6 号位置, 第 1 轮发球时, 站在⑤号位置;

第 2 轮发球时, 站在④号位置, 第 3 轮发球时, 站在③号位置,

第 4 轮发球时, 站在②号位置, 第 5 轮发球时, 站在①号位置,

第 6 轮发球时, 站在⑥号位置, 第 7 轮发球时, 站在⑤号位置,

第 8 轮发球时, 站在④号位置, 第 9 轮发球时, 站在③号位置,

第 10 轮发球时, 站在②号位置, 第 11 轮发球时, 站在①号位置,

第 12 轮发球时, 站在⑥号位置; \therefore 第 n 轮发球时, $1 \leq n \leq 5$ 时, 站在 $(6-n)$ 号位置,

当 $n=6$ 或 12, 18 时, 站在⑥号位置;

$7 \leq n \leq 11$ 时, 站在 $(12-n)$ 号位置, $13 \leq n \leq 17$ 时, 站在 $(18-n)$ 号位置,

$19 \leq n \leq 21$ 时, 站在 $(24-n)$ 号位置.