

## 七年级 B 卷答案

### 一、选择题 (每小题 4 分, 共 40 分)

1.D 2.D 3.C 4.C 5.B 6.B 7.D 8.D 9.C 10.A

3.由题意得  $50x+40y=50(1+10\%)x+40(1-10\%)y$ ,  $x:y=4:5$ .

4.当  $x=-2015$  时, 原式= $|(-2015)^2-2014 \times 2015+1|+|(-2015)^2-2015 \times 2016-1|$   
 $=2015^2-2014 \times 2015+1-2015^2+2015 \times 2016+1=2015 \times (2016-2014)+2=4030+2=4032$ .

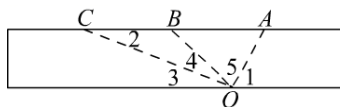
$$5. \begin{cases} 2x+y=1-\frac{m}{4}, & \text{①} \\ x-2y=\frac{-3-8m}{4}, & \text{②} \end{cases} \quad \text{①} \times 2 + \text{②} \text{ 得, } 20x=5-10m, \therefore x=\frac{1-2m}{4}, \text{ 代入①得, } y=\frac{2+3m}{4},$$

$$\therefore \frac{1-2m}{4} \times 3 + \frac{2+3m}{4} < 1, \text{ 解得, } m > -\frac{1}{3}.$$

6.如图, 由折叠的性质得:  $\angle 5 = \angle 1 = 65^\circ$ ,  $\angle 3 = \angle 4$ ,

$$\therefore \angle 3 = \angle 4 = \frac{1}{2} (180^\circ - \angle 1 - \angle 5) = 25^\circ,$$

$\therefore$  长方形的对边平行,  $\therefore \angle 2 = \angle 3 = 25^\circ$ .



8.根据题意用“是”表示有“地雷”, 用“不”表示没有“地雷”  
 填表如图, “?”的周围有两颗“地雷”, 所以“?”处应填  
 的数字是 2.

是	是	2	3	是
3	不	是	不	是
1	是	?	不	1

9. $\therefore$  有一列数  $a_1, a_2, \dots, a_n$  满足关系: 后面的这个数依次比前面的这个数大  $k$  ( $k$  为定值),  
 $\therefore$  可知  $a_2 = a_1 + k, a_3 = a_1 + 2k, a_{13} = a_1 + 12k$ , 从而可知  $3(2a_1 + 6k) + 2(3a_1 + 27k) = 24$ ,

$$\therefore \text{可得 } 12a_1 + 72k = 24, \therefore \text{可得 } a_1 + 6k = 2, \therefore a_1 + a_2 + \dots + a_{13} = 13a_1 + \frac{12 \times 13}{2} k = 13(a_1 + 6k) = 26.$$

10. 设  $A = a + b + c, B = ab + bc + ca$ , 则  $\begin{cases} 6A - B = 34, \\ 9A - B = 79. \end{cases}$  解得  $\begin{cases} A = 15, \\ B = 56. \end{cases}$  即  $\begin{cases} a + b + c = 15, \\ ab + bc + ca = 56. \end{cases}$

又  $\because a > b > c, \therefore a > 5, c < 5, \therefore a + b + c = 15$ ,

$\therefore a = 6, b = 5, c = 4$  或  $a = 7, b = 5, c = 3$  或  $a = 7, b = 6, c = 2$  或  $a = 8, b = 4, c = 3$  或  $a = 8, b = 5, c = 2$  或  $a = 8, b = 6, c = 1$  或  $a = 9, b = 5, c = 1$  或  $a = 9, b = 4, c = 2$  或  $a = 10, b = 4, c = 1$  或  $a = 10, b = 3, c = 2$ , 代入  $ab + bc + ca = 56$  可知, 只可能是  $a = 10, b = 3, c = 2, \therefore abc = 60$ .

### 二、填空题 (每小题 5 分, 共 30 分)

11.5 12.-1 13. $\frac{1}{2}$  (或 1:2) 14.6 15.6 16.(9, 10, 11)

13. 设点  $M$  在  $O, B$  之间, 则  $AM - BM = AO + OM - BM = OB + OM - BM = 2OM, MO:|AM - BM| = \frac{1}{2}$ .

14. 设树上原有桃子  $x$  个, 第一天树上少了  $(\frac{2}{5}x + 4)$  个桃子, 剩下  $(\frac{3}{5}x - 4)$  个桃子; 第二

天树上少了  $[\frac{5}{8}(\frac{3}{5}x - 4) - 3]$  个桃子, 剩下  $[\frac{3}{8}(\frac{3}{5}x - 4) + 3]$  个桃子. 设  $m$  为树上最后

剩下的桃子的个数, 则  $m = \frac{3}{8}(\frac{3}{5}x - 4) + 3 = \frac{9x + 60}{40}$  ( $m, x$  均为正整数)①, 故  $40m = 9x + 60$ ,

由此可知要  $m$  的值最小, 且为整数, 则整数  $x$  的值最小为 20, 代入①中得  $m = 6$ , 因此树上至少剩下 6 个桃子.

15. 解:  $2014^2$  的尾数为 6,  $2014^3$  的尾数为 4,  $2014^4$  的尾数为 6, ...

由此得到其尾数的规律为 4, 6, 4, 6, ...

$2014 \div 2 = 1007, \therefore 2014^{2014}$  的尾数为 6;

$2013^2$  的尾数为 9,  $2013^3$  的尾数为 7,  $2013^4$  的尾数为 1, ...

由此得到其尾数的规律为 3, 9, 7, 1, 3, 9...

$2013 \div 4 = 503 \dots 1$ ,  $\therefore 2013^{2013}$  的尾数为 3;

$342^2$  的尾数为 4,  $342^3$  的尾数为 8,  $342^4$  的尾数为 6, ...

由此得到其尾数的规律为 2, 4, 8, 6, 2, 4...

$342 \div 4 = 85 \dots 2$ ,  $\therefore 342^{342}$  的尾数为 4.

$\therefore (6+3) \times 4 = 36$ , 原式的结果的尾数为 6.

16. 若  $G_0 = (4, 8, 18)$ , 则  $G_1 = (5, 9, 16)$ ,  $G_2 = (6, 10, 14)$ ,  $G_3 = (7, 11, 12)$ ,  
 $G_4 = (8, 12, 10)$ ,  $G_5 = (9, 10, 11)$ ,  $G_6 = (10, 11, 9)$ ,  $G_7 = (11, 9, 10)$ ,  $G_8 = (9,$   
 $10, 11)$ ,  $G_9 = (10, 11, 9)$ ,  $G_{10} = (11, 9, 10)$ , ... 由此看出从  $G_5$  开始 3 个一循环,  
 $(2015-4) \div 3 = 670 \dots 1$ , 所以  $G_{2014}$  与  $G_8$  相同, 也就是  $(9, 10, 11)$ .

### 三、解答题 (共 5 小题, 共 50 分)

17. 解:  $\because \frac{a+b+c}{b} = \frac{15}{4}$ ,  $\frac{a+b-c}{b} = \frac{11}{4}$ ,  $\therefore 4a+4b+4c=15b$  ①,  $4a+4b-4c=11b$  ②,

①+②得  $8a+8b=26b$ ,  $\therefore 8a=18b$ ,  $\therefore a=\frac{9}{4}b$ , 代入②得,  $9b+4b-4c=11b$ ,

整理得,  $2b=4c$ ,  $\therefore \frac{b}{c}=2$ .

18. 解: 先求不等式  $2(a-3) < \frac{2-a}{3}$  的解集为  $a < \frac{20}{7}$ ,

将不等式  $\frac{a(x-4)}{5} < x-a$  化简为  $(a-5)x < -a$ ,  $\therefore a < \frac{20}{7}$ ,  $\therefore a-5 < 0$ ,

不等式两边除以  $a-5$  可得  $x > \frac{a}{5-a}$ .

19. 解:  $\angle BEP + \frac{3}{2} \angle EPF = 270^\circ$ , 理由如下:

延长  $FP$  交  $CD$  于点  $Q$ , 如图,  $\because AB \parallel CD$ ,  $\therefore \angle BEP + \angle FQP = 180^\circ$ ;

$\because$  将射线  $FC$  沿  $FP$  折叠,  $\therefore \angle QFP = \angle PFP$ ,

$\because JK \parallel AB$ ,  $\therefore JK \parallel CD$ ,  $\therefore \angle FJK = 2\angle CFP$ ,

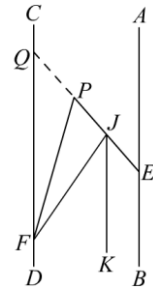
$\because \angle EQF + \angle QFP + \angle QPF = 180^\circ$ , 而  $\angle QPF + \angle EPF = 180^\circ$ ,

$\therefore \angle EPF = \angle EQF + \angle QFP$ ,  $\therefore \angle EPF = 180^\circ - \angle BEP + \angle QFP$ ,

$\because JK$  平分  $\angle EJP$ ,  $\therefore \angle FJK = \angle KJE$ ,

$\because JK \parallel CD$ ,  $\therefore \angle KJE = \angle FQP$ ,  $\therefore \angle EPF = 180^\circ - \angle BEP + \frac{1}{2} \angle FJK$ ,

$\therefore \angle EPF = 180^\circ - \angle BEP + \frac{1}{2} \times (180^\circ - \angle BEP)$ ,  $\therefore \angle BEP + \frac{3}{2} \angle EPF = 270^\circ$ .



20. (1)  $A(0, 4)$ ,  $B(-4, 0)$ ,  $C(8, 0)$ .

(2) 解:  $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 12 = 24$ , 当点  $P$  在第一象限, 即  $a > 0$ , 作  $PH \perp x$  轴于  $H$ , 如图①,

$S_{\triangle PAB} = S_{\triangle AOB} + S_{\text{梯形} AOHP} - S_{\triangle PBH} = 8 + \frac{4+6}{2} \cdot a - \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot (a+4) = 2a-4$ , 则  $2a-4=24$ ,

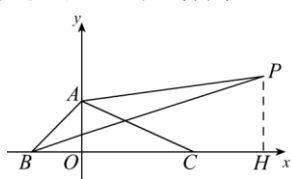
解得  $a=14$ . 此时  $P$  点坐标为  $(14, 6)$ ;

当点  $P$  在第二象限, 即  $a < 0$ , 作  $PH \perp y$  轴于  $H$ , 如图②,

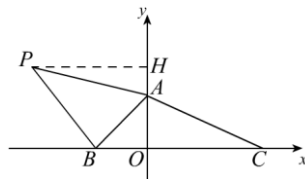
$S_{\triangle PAB} = S_{\text{梯形} OHPB} - S_{\triangle PAH} - S_{\triangle OAB} = \frac{4-a}{2} \cdot 6 - \frac{1}{2} \cdot (6-4) \cdot (-a) - 8 = 4-2a$ , 则  $4-2a=24$ ,

解得  $a = -10$ . 此时  $P$  点坐标为  $(-10, 6)$ .

综上所述, 点  $P$  的坐标为  $(14, 6)$  或  $(-10, 6)$ .



图①



图②

21.解: (1) 根据题意可得: 小花上场时, 站在 6 号位置, 第 5 轮发球时, 站在①号位置;

(2)  $\because$  小花上场时, 站在 6 号位置,  $\therefore$  第 3 轮发球时站在 3 号位置,

$\because$  这场比赛最多发 21 轮球, 且每发球 6 轮循环一圈,

$\therefore$  第 9 轮发球时也站在 3 号位置, 同理可得: 第 15 轮发球时也站在 3 号位置, 第 21 轮发球时也站在 3 号位置,

综上所述: 第 3, 9, 15, 21 轮发球时, 小花站在 3 号位置;

(3)  $\because$  小花上场时, 站在 6 号位置, 第 1 轮发球时, 站在⑤号位置;

第 2 轮发球时, 站在④号位置, 第 3 轮发球时, 站在③号位置,

第 4 轮发球时, 站在②号位置, 第 5 轮发球时, 站在①号位置,

第 6 轮发球时, 站在⑥号位置, 第 7 轮发球时, 站在⑤号位置,

第 8 轮发球时, 站在④号位置, 第 9 轮发球时, 站在③号位置,

第 10 轮发球时, 站在②号位置, 第 11 轮发球时, 站在①号位置,

第 12 轮发球时, 站在⑥号位置;  $\therefore$  第  $n$  轮发球时,  $1 \leq n \leq 5$  时, 站在  $(6 - n)$  号位置,

当  $n = 6$  或  $12, 18$  时, 站在⑥号位置;

$7 \leq n \leq 11$  时, 站在  $(12 - n)$  号位置,  $13 \leq n \leq 17$  时, 站在  $(18 - n)$  号位置,

$19 \leq n \leq 21$  时, 站在  $(24 - n)$  号位置.